

Para un operador  $T : N \rightarrow N'$  lineal, se cumple:

- Si  $T$  es acotado y de rango finito, entonces  $T$  es compacto
- Si  $\dim N < \infty$ ,  $T$  es compacto
- Si  $\dim N = \infty$ , el operador identidad  $1_N : N \rightarrow N$  no es compacto.

Para un operador  $T$  compacto, se cumple

- Dada cualquier sucesión  $(x_n)_{n=1}^{\infty}$  acotada en  $N$ , su imagen  $(Tx_n)_{n=1}^{\infty}$  posee una subsucesión convergente.
- Dada cualquier sucesión  $(x_n)_{n=1}^{\infty}$  de elementos en la bola unitaria  $B(0,1)$ , la sucesión  $(Tx_n)_{n=1}^{\infty}$  posee una subsucesión convergente.
- Si  $S : N \rightarrow N$  es un op. lineal acotado, entonces  $TS$  y  $ST$  son compactos.

Además:

### Teorema

El conjunto  $\{T : N \rightarrow N \text{ tal que } T \text{ es lineal y compacto}\}$  es subespacio de  $\mathcal{L}(N)$

(fuente: LUCCA, A.M.T. – Notas de Análisis Funcional – 2011)