

Ejemplo: Metodo de la Matriz Inversa

La igualdad $\mathbf{X} = \mathbf{A}^{-1} \mathbf{B}$ nos brinda un método para resolver sistemas cuadrados utilizando matriz inversa.

Resuelva el siguiente sistema lineal utilizando matriz

$$\text{inversa: } \begin{cases} x - 4y = 2 \\ x - 3y = 1 \end{cases}$$

la forma matricial del sistema $\mathbf{A} \mathbf{X} = \mathbf{B}$

$$\begin{pmatrix} 1 & -4 \\ 1 & -3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$|\mathbf{A}| = 1 \neq 0$$

$$\begin{aligned} \exists \mathbf{A}^{-1} / \mathbf{A}^{-1} (\mathbf{A} \mathbf{X}) &= \mathbf{A}^{-1} \mathbf{B} \Rightarrow (\mathbf{A}^{-1} \mathbf{A}) \mathbf{X} = \mathbf{A}^{-1} \mathbf{B} \Rightarrow \mathbf{I} \mathbf{X} \\ &= \mathbf{A}^{-1} \mathbf{B} \Rightarrow \underline{\mathbf{X} = \mathbf{A}^{-1} \mathbf{B}} \end{aligned}$$

$$\mathbf{A}^{-1} = \begin{pmatrix} -3 & 4 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{X} = \begin{pmatrix} -3 & 4 \\ -1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -2 \\ -1 \end{pmatrix} \quad \mathbf{x} = -2, \quad \mathbf{y} = -1$$

$\mathbf{Cs} = \{(-2, -1)\}$ solución única

El sistema es compatible determinado

Resuelva el siguiente sistema lineal aplicando, si es posible, el teorema de Leibnitz Cramer

$$\begin{cases} x - 4y = 2 \\ x - 3y = 1 \end{cases} \quad |A| = \begin{vmatrix} 1 & -4 \\ 1 & -3 \end{vmatrix} = 1 \neq 0$$

Es un sistema crameriano

Aplicamos la regla de Cramer

$$x = \frac{\begin{vmatrix} 2 & -4 \\ 1 & -3 \end{vmatrix}}{1} = \frac{-2}{1} = -2 \quad y = \frac{\begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 1 \end{vmatrix}}{1} = \frac{-1}{1} = -1$$

$$\mathbf{x=-2, y=-1}$$

Cs = {(-2, -1)} solución única

El sistema es compatible determinado